

<b>Materia</b> Matemáticas	<b>Grado</b> 8	<b>Unidad de aprendizaje</b> Comunica información por medio de expresiones algebraicas
<b>Título del objeto de aprendizaje</b> Construcción de expresiones algebraicas que representan medidas de figuras geométricas.		

**Objetivos de aprendizaje**

1. Reconocer una de las aplicaciones de las expresiones algebraicas al expresar medidas de figuras geométricas.
  - Identificar las relaciones inmersas entre cada uno de los elementos de una expresión algebraica, sus clases y representaciones.
  - Interpretar y construir situaciones problema que requieren sumar y/o restar expresiones algebraicas.
  - Interpretar y construir situaciones problema que requieren multiplicar y/o dividir expresiones algebraicas.
  - Modelar situaciones de medición de áreas y perímetros haciendo uso de expresiones algebraicas.
  - Modelar situaciones de medición de volúmenes de cuerpos geométricos haciendo uso de expresiones algebraicas.

**Habilidad/ conocimiento**

1. **SCO. Caracteriza expresiones algebraicas**
  - 1.1 Distingue los valores constantes y variables presentes en una expresión algebraica
  - 1.2 Identifica relaciones entre variables y constantes inmersas en una expresión algebraica a partir de operaciones
  - 1.3 Interpreta la letra inmersa en una expresión algebraica
  - 1.4 Reconoce la función de los signos de agrupación presentes en expresiones algebraicas
  - 1.5 Distingue cada término de una expresión algebraica
  - 1.6 Identifica las clases de expresiones algebraicas a partir de la cantidad de términos como monomio, binomio, trinomio y polinomio
  - 1.7 Identifica el grado de expresiones algebraicas
  - 1.8 Calcula el valor numérico de expresiones algebraicas reemplazando la variable con número enteros
  - 1.9 Calcula el valor numérico de expresiones algebraicas reemplazando la variable con números reales
2. **SCO: Opera expresiones algebraicas por medio de la suma y la resta**
  - 2.1 Identifica qué representan las variables que intervienen en una expresión algebraica.
  - 2.2 Asocia la suma y resta de expresiones algebraicas con una situación específica.
  - 2.3 Simplifica una expresión algebraica identificando cada uno de los términos semejantes.
  - 2.4 Identifica la posibilidad de sumar o restar expresiones algebraicas término a término semejante.
  - 2.5 Reconoce que representa el resultado de una suma o resta de expresiones algebraicas asociadas a una situación.
3. **SCO: Opera expresiones algebraicas por medio de la multiplicación y división**
  - 3.1 Identifica qué representan las variables que intervienen en una expresión algebraica.
  - 3.2 Asocia la multiplicación y división de expresiones algebraicas a una situación específica.
  - 3.3 Simplifica una expresión algebraica identificando cada uno de los términos semejantes.
  - 3.4 Identifica y hace uso de las propiedades de la potenciación y radicación.

<b>Materia</b> Matemáticas	<b>Grado</b> 8	<b>Unidad de aprendizaje</b> Comunica información por medio de expresiones algebraicas
<b>Título del objeto de aprendizaje</b> Construcción de expresiones algebraicas que representan medidas de figuras geométricas.		

- 3.5 Emplea estrategias para multiplicar y/o dividir expresiones algebraicas tipo monomios.
- 3.6 Emplea estrategias para multiplicar y/o dividir expresiones algebraicas en polinomios aritméticos.
- 3.7 Emplea estrategias para multiplicar y/o dividir expresiones algebraicas tipo polinomios.
- 3.8 Apropiá un proceso para multiplicar y/o dividir expresiones algebraicas.
- 3.9 Reconoce qué representa el resultado de una multiplicación o división de expresiones algebraicas asociadas a una situación.

#### 4. SCO Expresa el área y perímetro de polígonos por medio de expresiones algebraicas

- 4.1 Compone y descompone polígonos a partir de otros de menor área.
- 4.2 Identifica el área de polígonos a partir de la descomposición en otros menores.
- 4.3 Identifica la medida de cada lado de los polígonos construyendo una expresión algebraica.
- 4.4 Expresa el área de polígonos haciendo uso de las expresiones algebraicas que representan la medida de cada lado.
- 4.5 Identifica el perímetro de polígonos expresando cada uno de sus lados compuestos por otros de menor longitud.
- 4.6 Construye polígonos a partir de la medida de su área.
- 4.7 Construye polígonos descompuestos en otros de menor área a partir de la medida de su área total.
- 4.8 Expresa el área y el perímetro de polígonos por medio de expresiones algebraicas construidas con representaciones geométricas.
- 4.9 Halla el área y el perímetro de polígonos sumando y multiplicando expresiones algebraicas construidas con representaciones geométricas.
- 4.10 Construye con polígonos de menor área, polígonos que tienen la misma área pero diferente perímetro.
- 4.11 Construye con polígonos de menor área, polígonos que tienen el mismo perímetro pero diferente área.

#### 5. SCO: Expresa el volumen de poliedros por medio de expresiones algebraicas

- 5.1 Identifica la representación de la medida del volumen de un cuerpo geométrico.
- 5.2 Compone y descompone poliedros a partir de otros de menor volumen.
- 5.3 Identifica el volumen de poliedros a partir de la descomposición en otros menores.
- 5.4 Identifica la medida de cada arista de los poliedros construyendo una expresión algebraica.
- 5.5 Expresa el volumen de poliedros haciendo uso de las expresiones algebraicas que representan la medida de cada arista, área de bases o alturas.
- 5.6 Identifica la arista de cuerpos geométricos expresando cada una con otras de menor longitud.
- 5.7 Construye poliedros a partir de la medida de su volumen.
- 5.8 Construye poliedros descompuestos en otros de menor volumen a partir de la medida de su volumen total.
- 5.9 Halla el volumen de poliedros sumando y multiplicando expresiones algebraicas construidas con representaciones geométricas.

<b>Materia</b> Matemáticas	<b>Grado</b> 8	<b>Unidad de aprendizaje</b> Comunica información por medio de expresiones algebraicas
-------------------------------	-------------------	---

<b>Título del objeto de aprendizaje</b>	Construcción de expresiones algebraicas que representan medidas de figuras geométricas.
---	---

**Flujo de aprendizaje**

Introducción  
Objetivos  
Actividades principales

**Actividad 1.** Variables y constantes de una expresión algebraica

**Actividad 2.** Clasificación y grado de los polinomios algebraicos

**Actividad 3.** Valor numérico de un polinomio

**Actividad 4.** Identificación de las variables que se presentan en una expresión algebraica

**Actividad 5.** Suma y resta de expresiones algebraicas

**Actividad 6.** Propiedades de la potenciación aplicadas en las operaciones con monomios y polinomios

**Actividad 7.** Expresión del área y el perímetro de polígonos por medio de expresiones algebraicas construidas con representaciones geométricas.

**Actividad 8.** Identificación del área de polígonos a partir de la descomposición en otros menores.

**Actividad 9.** Identificación del perímetro de polígonos, expresando cada uno de sus lados, compuestos por otros de menor longitud.

**Actividad 10.** Composición y descomposición de poliedros a partir de otros de menor volumen.

**Actividad 11.** Construcción de poliedros a partir de la medida de su volumen.

Resumen  
Tarea

**Guía de valoración**

En las tareas se busca que el estudiante se afiance en la habilidad de hallar el área de las figuras geométricas compuestas por otras, y utilice sus respectivas fórmulas para calcular, el área o el volumen haciendo uso de las operaciones con polinomios algebraicos, y de cuenta de la asimilación de dichas operaciones y así pueda verificar la importancia y la aplicabilidad del algebra en la geometría. También se espera que infiera a partir de una gráfica compuesta por varias figuras, y conociendo algunas medidas, la expresión algebraica que la representa.

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<b>Introducción</b> 	Introducción	<p>Se presenta una animación de dos jóvenes y su abuelo, quienes observan las estrellas y hacen preguntas sobre estas, pero mientras uno de los jóvenes habla en lenguaje normal, el otro piensa y responde en lenguaje algebraico. En la animación la niña se sorprende de escuchar en otro lenguaje diferente lo que ella dice en lenguaje común, e indaga al niño sobre lo que él dice, y finaliza preguntando en que lenguaje hablo el niño.</p> <p>El docente deberá acompañar a los estudiantes mientras vean la animación y deberá formular preguntas que motiven a los estudiantes a indagar sobre el tema del L0</p> <p>El docente presenta los objetivos del curso</p>	<p><b>Recurso1</b>  <b>Recurso Animación</b>            Donde se presentan dos jóvenes, uno habla en lenguaje común y el otro habla y piensa en lenguaje algebraico</p> <p><b>Recurso 2</b>  <b>Recurso interactivo</b>            Donde el docente da a conocer los objetivos después de que los estudiantes participan tratando de definirlos</p>
<b>Desarrollo</b> 	El docente presenta el tema	<p><b>Actividad 1 (S/k 1.1.,1.2)</b>  <b>Variables y constantes de una expresión algebraica</b></p> <p>El docente presenta algunos enunciados en lenguaje común, los cuales se refieren a cantidades, pero no las hace explícitas, y pregunta a los estudiantes cómo representar dichas cantidades que no se conocen. Posteriormente le aclara que dichas cantidades se pueden representar con letras, y para una mejor comprensión de ello, les plantea una serie de preguntas donde deben indicar cómo se realizan ciertas operaciones con números; después cambia los números por letras, para que resuelvan las mismas preguntas, Así:</p> <p><b>Respuestas</b>            Cómo calculas la mitad de 10?  <b>Divido 10 entre 2, es decir <math>10/2</math></b>            ¿Cómo calculas el triple de 10?  <b>Multiplico 10 por 3, es decir <math>= 3 \cdot 10</math> o sumo <math>10+10+10</math></b>            ¿Cómo calculas el doble de 10?  <b>Multiplico 10 por 2, es decir <math>2 \cdot 10</math> o sumo <math>10 + 10</math></b></p> <p>Pero si no sabemos que el número es el 10, y por ello lo reemplazamos por una letra, en este caso por la M,            ¿Cómo expresarías las operaciones anteriores?            ¿Cómo calculas la mitad de M?  <b>Dividiendo M entre 2, es decir <math>M/2</math> o <math>\frac{1}{2} \cdot M</math></b>            ¿Cómo calculas el triple de M?</p>	<p><b>Recurso 3</b>  <b>Recurso Interactivo</b>            Recurso sobre las expresiones algebraicas y sus componentes</p> <p><b>Material del estudiante</b></p>

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<p data-bbox="126 222 261 254"><b>Desarrollo</b></p> 	<p data-bbox="318 222 459 317">El docente presenta el tema</p>	<p data-bbox="488 222 1227 317"> <b>Multiplico M por 3, es decir <math>3 \cdot M</math> o sumo <math>M+M+M</math></b>  <b>¿Cómo calculas el doble de M?</b>  <b>Multiplico M por 2, es decir <math>2 \cdot M</math> o sumo <math>M + M</math></b> </p> <p data-bbox="488 384 1261 604">Posteriormente el docente vuelve a presentar las expresiones comunes que se dieron a conocer antes, pero con la expresión algebraica que representa la expresión común, y a partir de este recurso cuestiona a los estudiantes para que definan cómo están compuestas las expresiones algebraicas, e indiquen qué representan las letras dentro de la expresión algebraica. Así:</p> <p data-bbox="488 636 643 667"><b>Respuestas</b></p> <p data-bbox="488 699 1261 825">Podemos afirmar que las expresiones algebraicas están formadas por <b>números</b> y <b>letras</b>, que están relacionados por signos de operaciones aritméticas, donde las letras representan <b>cantidades o números</b> desconocidos.</p> <p data-bbox="488 856 1261 919">Después de esto, el docente solicita a los estudiantes que resuelvan los siguientes ejercicios:</p> <p data-bbox="488 951 1261 1056"><b>Ejercicio 1.</b> En este ejercicio se solicita a los estudiantes pasar una serie de oraciones, del lenguaje común al lenguaje algebraico.</p> <p data-bbox="488 1087 1261 1182"><b>Respuesta:</b> <b>La respuesta se presenta en el interactivo. El docente retroalimenta y socializa el desarrollo del ejercicio.</b></p> <p data-bbox="488 1245 1261 1371">Posteriormente, el docente da una definición de expresión algebraica, y determina, dentro de dos ejemplos, qué parte de las expresiones representa la constante, y qué parte es la variable.</p> <p data-bbox="488 1402 630 1434"><b>Ejercicio 2</b></p> <p data-bbox="488 1465 1261 1560">El docente solicita a los estudiantes identificar en una expresión algebraica las variables, las constantes, y los signos de operación que hay dentro de la expresión.</p> <p data-bbox="488 1591 1261 1654"><b>La respuesta se da en el interactivo y el docente socializa y retroalimenta el desarrollo del ejercicio.</b></p> <p data-bbox="488 1717 630 1749"><b>Ejercicio 3</b></p> <p data-bbox="537 1749 1261 1906"><b>A)</b> Para complementar el ejercicio anterior el docente solicita a los estudiantes completar una tabla en la cual se presentan una serie de expresiones algebraicas, para las cuales es necesario identificar las variables, y las operaciones de la expresión.</p> <p data-bbox="488 1938 1261 2001"><b>La respuesta se presenta en el interactivo y el docente socializa y retroalimenta el desarrollo del ejercicio.</b></p>	

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

**B)** El docente solicita a los estudiantes responder tres preguntas donde se evidencia si saben qué características tienen las letras en las expresiones algebraicas, y si debido a esas características saben qué nombre reciben.

### Respuestas

**a)** ¿Qué características tienen las letras que se presentan en una expresión algebraica?

**1. Representan valores (o números o cantidades) desconocidos.**

**2. Pueden tomar cualquier valor.**

**b)** De acuerdo a sus características, dichas letras reciben el nombre de: **variables**.

**c)** ¿Aquellas magnitudes que representan cantidades conocidas se denominan? **constantes**

### Actividad 2 Clasificación y grado de los polinomios algebraicos (S/k 1.4., 1.5., 1.6., 1.7).

En esta actividad el docente aborda los temas de monomios y polinomios, y propone una serie de ejercicios para acercar los estudiantes a dichos conceptos y a su aplicación. Así:

#### Ejercicio 1

**A.** El docente presenta una serie de expresiones comunes para que el estudiante las represente con expresiones algebraicas, e identifique cuál es la constante, y cuál de la variable de cada expresión.

**a)** Juan te regala el triple de canicas que tenías ayer.

**3C, donde 3 es la constante, y C es la variable.**

**b)** En una apuesta ganaste el cuádruple del dinero que apostaste.

**4D, donde 4 es la constante, y D es la variable.**

**c)** Si el lado de un cuadrado mide X, ¿cuánto mide el área de dicho cuadrado?

**$X^2$ , donde 1 es la constante, y X es la variable.**

**d)** Si el lado de un cubo es 2X, ¿cuál será el volumen del cubo?

**$(2X)^3 = 8X^3$ , donde 8 es la constante, y X es la variable.**

**e)** He perdido la mitad de lo que tenía.

**$\frac{1}{2} \cdot T$ , donde  $\frac{1}{2}$  es la constante, y T es la variable.**

Socializa tu respuesta en el espacio que brinda el docente, y aclara las dudas que se presenten.

**Recurso 4**  
**Recurso interactivo**  
Sobre la clasificación de los polinomios, sus partes y el grado

**Material del estudiante**

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

**Desarrollo**



El docente presenta el tema

B) Con base en las expresiones que resultaron del ejercicio anterior, contesta:

a) En general ¿qué elementos ves en las anteriores expresiones? Números, letras, signos y exponentes

b) ¿Hay sumas o restas entre los elementos que componen cada una de las expresiones?

No

c) ¿Qué operación hay entre los números y las letras de cada expresión? Multipliación

d) A las anteriores expresiones las llamamos monomios, y con base en lo que respondiste puedes dar una posible definición de monomio.

Posible respuesta

Expresión algebraica que tiene números y letras (variables) que están relacionados por multiplicaciones. Además cuenta con signos y exponentes

**Clasificación y grado de los polinomios algebraicos**

Luego el docente institucionaliza el concepto con una definición de monomio, y propone una tabla para que el estudiante escriba las partes del monomio:

**Monomios**

Es una expresión algebraica que representa el producto de un número por una o varias letras, elevadas a distintos exponentes. Ejemplo:

**Ejercicio 2**

**Partes del monomio**

El docente presenta un monomio y una tabla con dos columnas. En la primera columna aparece el nombre de cada una de las partes del monomio, y en la segunda, el estudiante debe identificar, en el monomio dado, cada una de las partes que se enuncian en la tabla.

**La respuesta se presenta en el interactivo, El docente socializa y retroalimenta el desarrollo del ejercicio.**

Posteriormente, el docente presenta una serie de monomios e identifica cada una las partes que lo componen. En estos ejemplos, el docente involucra monomios cuyo coeficiente numérico y exponente no están explícitos, es decir, que son iguales a 1. Para una mejor comprensión de estos dos casos en particular (coeficiente y exponente igual a 1) el docente formula una serie de preguntas que guían al estudiante para que entienda que cuando en una expresión algebraica no se presenta explícitamente, coeficiente o exponente, es porque este vale 1, así:

**Ejercicio 3.**

a) Si el área de un cuadro cuyo lado mide  $X$ , es igual

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

**Desarrollo**



El docente presenta el tema

**$a \cdot X \cdot X$  o  $X^2$**

¿Por qué el resultado es  $X^2$  ?

Ahora, si  $a^4$  es =  $a \cdot a \cdot a \cdot a = a^3 \cdot a = a^2 \cdot a^2$ ; y  $d^1 = d$ , entonces

¿A qué es igual  $b^3$ ? R/  $b \cdot b \cdot b$  o  $b^2 \cdot b$

Se le solicita al estudiante que saque sus propias conclusiones, y continúe con el coeficiente

- ¿Cuántas A, hay en la expresión 2A? **dos**
- ¿Cuántas A, hay en la expresión A? **una**
- Entonces, ¿cuánto suma 2A+ A? **tres A**
  
- Según lo anterior, ¿cuál es el coeficiente de cada uno de los términos de la suma anterior? **Dos y uno.**

Saca tus conclusiones y participa de la socialización que realizará el docente sobre el desarrollo del ejercicio.

Para finalizar la fundamentación sobre monomios, el docente presenta un interactivo sobre el grado de un monomio, el cual divide en:

**Grado relativo**

Para el desarrollo de este concepto, el docente presenta dos monomios, uno con diferentes variables y otro con una sola variable (en este último retoma el exponente igual a 1), y explica que el grado relativo del monomio se establece para cada variable del mismo.

**Grado absoluto**

Para el desarrollo de este concepto, el docente presenta dos monomios, ambos con diferentes variables, pero en uno de ellos vuelve a retomar el caso del exponente igual a 1. Finalmente concluye indicando que grado absoluto compone el monomio

**Polinomios**

La expresión algebraica formada por más de un monomio, y cada uno de ellos está separados por los signos (+) o (-). Cada uno de los monomios de un polinomio lo llamamos **término**.

**Ejemplo:**

Se presenta un pizarrón con dos expresiones algebraicas, cuya función es la de ilustrar diversos polinomios.

**Elementos del polinomio**

Se presentan tres polinomios y se hace claridad sobre lo que son binomios, trinomios y polinomios, de acuerdo al número de términos del polinomio.

Posteriormente el docente explica el concepto del grado en los polinomios, así:

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<p><b>Desarrollo</b></p> 	<p>El docente presenta el tema</p>	<p><b>Grado relativo</b> El docente explica que el grado relativo está relacionado con la variable, y explica que dicho grado corresponde al mayor exponente que tenga esta dentro del polinomio, para lo cual presenta un ejemplo.</p> <p><b>Grado absoluto</b> Corresponde al mayor exponente que tenga un polinomio. Se presenta un polinomio donde aparece señalado el exponente mayor del polinomio.</p> <p>Posteriormente el docente presenta un recurso interactivo donde se presenta una tabla con una serie de polinomios, para que los estudiantes la completen indicando qué tipo de polinomios son, su grado, y el número de términos</p> <p><b>El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad</b> <b>La respuesta se presenta en el interactivo</b></p> <hr/> <p><b>Actividad 3 (Skill 1.8.,1.9)</b> <b>Valor numérico de un polinomio</b> El docente solicita al estudiante resolver tres ejercicios y a partir de la solución del primero, explica el concepto de valor numérico, así:</p> <p><b>Ejercicio 1.</b> En este ejercicio el estudiante calcula el valor numérico de varias expresiones algebraicas, a partir de los valores dados a las variables, por parte del docente, así: <b><math>a=-2</math>; <math>b=3</math>; <math>x=-1</math> y <math>y=2</math>.</b></p> <p><b>Respuestas</b>  a) <b><math>3a-2b = -6 - 6 = -12</math></b>  b) <b><math>-2x + 4a + 3y = 2 - 8 + 6 = 0</math></b>  c) <b><math>2a-4ab+5xy = -4 + 24 - 10 = 10</math></b></p> <p><b>Definición</b> Las expresiones algebraicas tienen un valor numérico, que se obtiene al realizar las operaciones que indica el polinomio, una vez se reemplazan las variables o letras por un valor numérico asignado.</p> <p><b>Ejercicio 2</b> Se solicita a los estudiantes calcular el valor numérico de dos polinomios:</p> <p>1) <b><math>2a^2 x^3 - [3az - (5xz - 3x^3) + 2bx^2] =</math></b>  2) <b><math>2a^2 x^3 - 3az - [-5xz - (3x^3 + 2bx^2)] =</math></b></p> <p>si el valor numérico de las letras o variables es:</p> <p><b><math>a = -2</math>; <math>b = -2/3</math>; <math>x = -1</math>; <math>z = 3/4</math></b></p>	<p><b>Recurso 5</b> <b>Recurso interactivo</b> Sobre el valor numérico</p> <p><b>Material del estudiante</b></p>

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

**Respuesta**

1)  $-35/12$

2)  $-139/12$

### Ejercicio 3

El docente presenta dos figuras:

\* Una es un rectángulo que contiene otra figura en su interior, en forma de cruz. Dicha figura deja un espacio en cada esquina del rectángulo, espacio que también forma un rectángulo.

\* La otra figura es otro rectángulo con un triángulo en su interior.

El docente solicita a los estudiantes calcular el área de las figuras que están al interior de los dos rectángulos. Para el desarrollo del ejercicio el docente presenta las medidas de las figuras, y los valores de las variables que hacen parte de las expresiones algebraicas que representan las medidas.

Adicionalmente, el docente presenta algunas preguntas que guían a los estudiantes a la solución de los ejercicios, así:

Para la figura **a**:

Si el valor de las variables es  $a=6$ ;  $b=2,54$  y  $c=3/2$ , y las medidas de la figura son las presentadas en el interactivo:

¿Cuál es el área de un cuadrado pequeño?

Con base en la pregunta anterior define:

¿Cuál es el área de los cuatro cuadrados pequeños?

Sin tener en cuenta los cuadrados pequeños, ¿cuál es el área del rectángulo mayor?

Si al área del rectángulo mayor le resto el área de los cuadrados pequeños:

¿Cuál es la medida de esta área?

¿A qué corresponde esta medida?

Para la figura **b**:

Si el valor de las variables es  $a=6$ ;  $b=2,54$  y  $c=3/2$  y las medidas de la figura son las presentadas en el interactivo:

¿Cuál es el área total del rectángulo mayor?

¿Cuál es el área del triángulo blanco?

¿Cuál es el área de la parte sombreada?

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

### Respuestas

Figura a:

Para calcular el área de un cuadrado se debe multiplicar la medida de sus lados. Entonces como la medida de la C es igual  $a = 3/2$ , el área de uno de los cuadrados pequeños es =  $3/2 \cdot 3/2 = 9/4$

\* Entonces, el área de los 4 cuadrados es =  $9/4 \cdot 4 = 9$

\* Para calcular el área del rectángulo se debe multiplicar la medida de su base por la medida de su altura. Entonces  $(6 + 2,54) \cdot 6 = 8,54 \cdot 6 = 51,24$

\* La resta de las dos áreas es  $51,24 - 9 = 42,24$

\* el área anterior corresponde al área de la figura que tiene forma de cruz.

Para la figura b:

\* El área del rectángulo:  $(6 + 2,54 + 3/2) \cdot (2,54 + 3/2) = 10,04 \cdot 4,04 = 40,56$

\* Para calcular el área del triángulo se debe multiplicar la medida de la base por la medida de la altura, y el resultado se divide por dos. Entonces: La base =  $6 + 2,54 + 3/2 = 10,04$ , y la Altura =  $2,54 + 3/2 = 4,04$  entonces el área del triángulo es igual a:  $40,56/2 = 20,28$

\* Para calcular el área sombreada se debe restar la medida del área del rectángulo, menos la medida del área del triángulo. Entonces el área sombreada de azul es igual a  $40,56 - 20,28 = 20,28$  Área sombreada.

#### Actividad 4 (Sk/ 1.3.,2.1)

Identificación de las variables que se presentan en una expresión algebraica

El docente presenta un ejercicio donde se deben pasar expresiones en lenguaje común, al lenguaje algebraico. Así:

#### Ejercicio 1

Para este ejercicio se da un ejemplo más complejo donde se presenta un diálogo que posteriormente se representa con una expresión algebraica, en la cual se identifican variables, y se indica qué representa cada variable.

Una vez se elaborada la expresión algebraica que representa el dialogo, el docente explica por qué se usaron esas variables en el ejemplo, y el porqué se presentan en el orden dado.

Posteriormente, el docente presenta un ejercicio con varias expresiones algebraicas para que el estudiante haga lo mismo que se hizo en el ejemplo. Así:

Recurso 6  
Recurso interactivo  
Sobre la identificación de las variables dentro de una expresión algebraica

Material del estudiante

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

**Respuestas:**

Si las variables usadas por los estudiantes fueron X y Y, las respuestas son:

a) El perímetro de un cuadrado cuyo lado mide  $2xy^3$ .

Expresión  $\frac{2xy^3 + 2xy^3 + 2xy^3 + 2xy^3}{4(2xy^3)}$  variables  $X, Y^3$  y representan: **X y Y** la longitud de los lados.

b) Compré 3 jeans y 7 camisetas por un valor de \$230.000

Expresión algebraica:  **$3x + 7y = 230000$**   $x = \text{jeans}$   
**Y = camisetas**

variables  $x, y$  y representan:

**X representa los jeans y Y representa las camisetas.**

c) Se fabricaron 14 portátiles cuyo costo fue de 7000000.

Expresión algebraica:  **$14x = 7000000$**

Variables:  $x$ , y representa **el costo por portatil.**

d) Se fabricaron 20 portátiles cuyo costo fue de 7000000.

Expresión algebraica:  **$20x = 7000000$**

Variables:  $x$ , y representa **el costo por portatil**

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad.

### Actividad 5. Suma y resta de expresiones algebraicas (Sk/2.2.,2.3.,2.4.,2.5.,3.1)

El docente explica que las expresiones algebraicas también se pueden sumar y restar, e indica como se hace. Para una mejor comprensión de los estudiantes, solicita a estos resolver una serie de ejercicios donde se maneja el concepto de términos semejante, y donde se realizan sumas y restas de expresiones algebraicas, que representan medidas de figuras geométricas y situaciones de la vida, así:

#### Ejercicio 1

a) Observa los siguientes cuatro términos algebraicos e indica qué tienen en común  
 $a^2b^3$ ;  $3a^2b^3$ ;  $-5a^2b^3$ ;  $-a^2b^3$ .

b) Con base en la respuesta de la pregunta a, ¿podemos decir que los siguientes términos son semejantes?

- $L4P2$ ;  $2L4P3$ ;  $-3L3P4$

Recurso 7  
Recurso interactivo

Sobre los términos semejantes y la suma y restas de expresiones algebraicas

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

•  $km^2$ ;  $2kt^2$ ;  $4rm^2$

c) Observa el siguiente rectángulo, cuyas medidas son  $2ab$  y  $ab$ , y determina cuál sería la expresión algebraica que representaría el perímetro de esta. Exprésala como una suma.

d) Resuelve la siguiente situación:

Tu hermano debe recortar la letra  $a$  de revistas o periódicos para llevarla como tarea de la escuela; y tu madre, tu padre y tú, deciden ayudarlo. Si cada uno recorta la siguiente cantidad:

La mamá:  $5a$ , el papá:  $8a$ , tu hermano:  $3a$  y tu:  $6a$ , entonces:

- Expresa el total recortado como una suma:
- La suma total sería:
- Si en un descuido el perro se come  $7a$ , cuántas  $a$  quedan.

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de toda la actividad

## Respuestas

### Ejercicio 1

a) Sus variables son iguales y sus exponentes también. Ten en cuenta que cuando los términos algebraicos presentan estas características se conocen como Términos semejantes.

b) \*No son semejantes porque aunque tienen las mismas variables, los exponentes de estas no son iguales.

\*No son semejantes porque aunque tienen los mismos exponentes, las variables no son iguales.

c)  **$2ab + 2ab + ab + ab$**

d)

•  **$5a + 8a + 3a + 6a$**

•  **$22a$**

•  **$22a - 7a = 15a$**

### Ejercicio 2. Suma

El docente define el concepto de términos semejantes,

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

**Desarrollo**



El docente presenta el tema

y explica nuevamente cómo se suman o se restan dichos términos. Para aplicar este concepto, solicita a los estudiantes calcular el perímetro de dos figuras geométricas, cuyas medidas están representadas por expresiones algebraicas. Además solicita representar el área de dichas figuras.

Una de las figuras tiene forma de L, y otra tiene forma de cruz.

Para el desarrollo de los ejercicios, el docente presenta las medidas de las figuras y el valor de las variables. Así:

Para la primera figura  $x$  es igual a 2,  $y$  es igual a 3.  
 Para la segunda figura  $x$  es igual a 2,  $a$  es igual a 3.

**Respuestas**

a) Si  $X= 2$  y  $Y=3$ , la expresión algebraica es  $2x + 2x + 2y + 2y = 4x + 4y$ ,  
 y el valor del perímetro es: **20**

b) Si  $X = 2$  y  $a=3$ , entonces la expresión algebraica es  $4 \cdot (x+2a) + 4 \cdot (3x+a) + 4 \cdot (5x-2a) = 36x + 4a$

Y el valor del perímetro es **72+12 = 84**

**Ejercicio 3. Resta**

Para esta actividad el docente presenta los siguientes ejercicios:

a) El docente presenta un interactivo donde se muestra un rectángulo con un triángulo en su interior, y se da el área del rectángulo y del triángulo, en forma de expresión algebraica, para que los estudiantes calculen el área del rectángulo que no está ocupada por el triángulo.

Tener muy en cuenta que en la resta se debe cambiar el signo del sustraendo. En el Material del estudiante se explica el porqué del cambio.

b) El docente presenta un interactivo donde se plantea la siguiente situación, y pide resolver la pregunta que se presenta al final del enunciado:

Un restaurante está ubicado a una distancia de  $7x^3+9a^2b$  de una ciudad B, y a una distancia de  $4x^3-3a^2b$  de una ciudad A. Si dichas ciudades están situadas sobre una misma línea recta, una después de la otra, ¿cuál es la distancia entre ambas ciudades?

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

Respuestas

a)  $16x^2y^4 - 9x^2y^4 = 7x^2y^4$

b)  $7x^3+9a^2b - (4x^3-3a^2b)$

$$\begin{array}{r} 7x^3+9a^2b \\ -4x^3+3a^2b \\ \hline 3x^3+12a^2b \end{array}$$

**ACTIVIDAD 6. Propiedades de la potenciación aplicadas en las operaciones con monomios y polinomios**

(SK/3.1.,3.2.,3.3.,3.4.,3.5.,3.6.,3.7.,3.8.,3.9)

El docente presenta varios ejercicios donde se aplican las propiedades de la potenciación en la multiplicación y la división. Posteriormente da la definición de diversos conceptos sobre el tema, buscando institucionalizarlos

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de toda la actividad

**Propiedades de la potenciación en la multiplicación**  
**Propiedad: producto de bases iguales**

En el material del estudiante se da un repaso de la potenciación con números, para dar paso a la aplicación de esta propiedad con letras y así, deduzca la propiedad en expresiones algebraicas, así:

Si  $2 \cdot 2 = 2^2 = 4$ , igualmente podemos decir que

$$2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^3 \cdot 2 = 2^2 \cdot 2^2 = 16$$

Ahora si cambiamos el 2 por la letra a, tenemos:

$$a \cdot a = a^2 \text{ y } a \cdot a \cdot a \cdot a = a^3 \cdot a = a^2 \cdot a^2$$

Ahora responde:

En el ejemplo con las letras:

¿Qué cambios tuvo la base en el resultado final?

Ninguno. Se colocó la misma base

¿Que operación se realizó con los exponentes

Se sumaron los exponentes

**1) Multiplicación entre monomios.**

**Ejercicio 1.**

a) El docente presenta un cuadrado con sus medidas expresadas en forma algebraica, y solicita a partir de este completar una oración, así:

- Si para calcular el área del cuadrado elevamos la medida de su lado al cuadrado, que es equivalente, en

Recurso 8  
Recurso interactivo

Sobre las propiedades de la potenciación aplicadas a multiplicación y la división de polinomios

Material del estudiante

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

la figura, a multiplicar: \_\_\_\_ por \_\_\_\_ = \_\_\_\_

Respuesta

$a$  por  $a = a^2$

b) El docente presenta un cubo con sus medidas expresadas en forma algebraica, y solicita a partir de este completar una oración y responder una pregunta, así:

- Si para calcular el volumen del cubo elevamos la medida de su lado al cubo, que es equivalente, en la figura, a multiplicar:

\_\_\_\_ por \_\_\_\_ por \_\_\_\_ = \_\_\_\_

- En este caso y en el anterior, ¿qué se hizo con la letra y con los exponentes?

---



---



---

Respuesta

- Para hallar el volumen del cubo se multiplica  $X$  por  $X$  por  $X = X^3$

- Se colocó la misma variable y se sumaron los exponentes

De lo anterior podemos concluir: que en la multiplicación de potencias de bases iguales, se coloca la misma base y se suman los exponentes.

Ahora veamos un ejemplo de la multiplicación de monomios:

Ejemplo:

En el desarrollo de  $a^2b^4 (3a^3b^6) = 3a^5b^{10}$  se multiplicaron los coeficientes y se aplicó la propiedad denominada producto de bases iguales.

## 2) Multiplicación de monomios por polinomios

En esta parte el docente propone que los estudiantes se reúnan en equipos de cuatro integrantes, y que planteen tres estrategias para resolver la multiplicación de un polinomio por un monomio. El docente les sugiere realizar una lluvia de ideas. Después el docente brindará el espacio para socializar las ideas que los estudiantes propusieron, y resuelve el producto propuesto, así:

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

**Desarrollo**



El docente presenta el tema

$$3x^4y^2 \cdot (2x^5y^3 - 2x^3y^6 + 4x)$$

aplicando la propiedad

distributiva, el resultado es

$$3x^4y^2 (2x^5y^3) + 3x^4y^2 (-2x^3y^6) + 3x^4y^2(4x) =$$

$$6x^9y^5 - 6x^7y^8 + 12x^5y^2$$

Si hay terminos semejantes se suman o se restan según la operación

Posteriormente el docente solicita a los estduiantes resolver un ejercicio. Así:

**Ejercicio 2.**

En este ejercicio el docente presenta una cancha de baloncesto de forma rectangular, con sus medidas. Los estudiantes deben calcular el área de la cancha, para lo cual deberán apliacar la multiplicación de polinomios por monomios

Respuesta:

$$(5/2 )ap^2+4p-5) \cdot (4ap^2) =$$

$$\begin{array}{r} 5/2 \quad ap^2 + 4p - 5 \\ \quad \quad \quad 4ap^2 \\ \hline 10a^2p^4+16ap^3-20ap^2 \end{array}$$

**3) Multiplicación de polinomios por polinomios**

En esta actividad el docente les recuerda a los estudiantes la lluvia de ideas que realizaron en una actividad anterior, y les sugiere que apliquen ese mismo proceso para la multiplicacion de polinomios por polinomios. Despues se retroalimenta

$$(2x^2+3xy) \cdot (4x+3xy) = 8x^3+12x^2y + 6x^2y+9xy^2$$

Luego sumo o resto los términos semejantes, en este caso

$$12x^2y+6x^2y$$

El resultado final es:  $8x^3+(18x^2y)+9xy^2$

**Ahora resuelve el ejercicio**

El docente presenta un cuadrado con la medida de uno de sus lados, representado por un polinomio; solicita a los estudiantes calcular el área del cuadrado. Con este ejercicio

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<p><b>Desarrollo</b></p> 	<p>El docente presenta el tema</p>	<p>se pretende que el estudiante aplique la multiplicación de polinomios, donde se presenta la propiedad denominada producto de bases iguales.</p> <p><b>Respuesta</b>  <math>(4x^2+2)(4x^2+2) = 16x^4+16x^2+4</math></p> <p>Propiedades de la potenciación en la División</p> <p>Propiedad: Cociente de bases iguales</p> <p>El docente presenta en el Material del estudiante una tabla donde se comparan el producto de bases iguales con el cociente de bases iguales. Teniendo en cuenta los ejemplos, solicita a los estudiantes que concluyan qué operación se realiza para solucionar la división de polinomios con bases iguales, y que escriban sus respuestas en la última celda de la tabla.</p> <p><b>Respuesta</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• En la división se coloca la misma base y se restan los exponentes</li> </ul> <p>1) División entre monomios</p> <p>Ejercicio 1:</p> <p>Posterior al ejercicio, el docente presenta el desarrollo de un ejemplo para institucionalizar el concepto, así:</p> <p><b>Ejemplo</b>  El docente presenta un rectángulo con las medidas, correspondientes al ancho y al área, las cuales están representadas por monomios, y a partir de ellas calcula el largo del rectángulo, aplicando la división entre monomios, y la propiedad denominada cociente de bases iguales.</p> <p>2) División de polinomios entre un monomio</p> <p>Para aplicar la división de polinomios por un monomio, el docente presenta un interactivo, donde a partir de un rectángulo K, que está subdividido en tres rectángulos, solicita a los estudiantes determinar la expresión algebraica final que representa el ancho del rectángulo, y el monomio final que representa el área de cada uno de los tres rectángulos. Para el desarrollo, el docente da las medidas del área de los tres rectángulos incluidos en el rectángulo K.  Además, el docente presenta la expresión algebraica que representa el ancho del rectángulo K, pero no la simplifica,</p>	

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

asi:

es:  $\frac{18x^4y^{10}+81x^5y^6+27x^4y^7}{9x^2y^3}$ , que equivale a

$$\frac{18x^4y^{10}}{9x^2y^3} + \frac{81x^5y^6}{9x^2y^3} + \frac{27x^4y^7}{9x^2y^3}$$

De acuerdo a la siguiente información responde:

a) Si la anterior representación contiene tres divisiones entre monomios, indica cuál es la expresión algebraica final?

b) ¿Qué monomio representa el ancho del rectángulo a?

c) ¿Qué monomio representa el ancho del rectángulo b?

d) ¿Qué monomio representa el ancho del rectángulo c?

### Respuestas

a)  $2X^2Y^7 + 9X^3Y^3 + 3X^2Y^4$

b) ¿Qué monomio representa el ancho del rectángulo a?

$2X^2Y^7$

c) ¿Qué monomio representa el ancho del rectángulo b?

$9X^3Y^3$

d) ¿Qué monomio representa el ancho del rectángulo c?

$3X^2Y^4$

### 3) División entre polinomios

El docente presenta un interactivo sobre la división de un polinomio por otro polinomio. El ejercicio se desarrolla paso a paso con el estudiante y en compañía del docente, quien retroalimenta constantemente el proceso

Posteriormente solicita a los estudiantes resolver un par de ejercicios

#### Ejercicio 1

El docente presenta un trapecio con las medidas de su área y su ancho, representadas por polinomios, y solicita a los estudiantes calcular la altura del trapecio:

#### Respuesta

$44x^2+24x^3 = ((4x^2+3x+2x^2)+8x)altura)/2$

$44x^2+24x^3 = ((6x^2+11x)altura)/2$

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

$$\frac{2(44x^2+24x^3)}{6x^2+11x} = \frac{88x^2+48x^3}{6x^2+11x} = \frac{48x^3 + 88x^2}{6x^2+11x} = 8x$$

La altura del trapecio es  $8x$

### Ejercicio 2

El docente presenta un paralelogramo con las medidas de su área y su altura, representadas por polinomio, y solicita a los estudiantes calcular el ancho del paralelogramo

### Respuesta

$$\frac{2n^5+7n^4+7n^3-6n^2-4n}{2n^2+n} = n^3+3n^2+2n-4$$

Para finalizar el docente presenta un interactivo que contiene una tabla, la cual tiene tres columnas: en la primera columna presenta otras propiedades de la potenciación y en las columnas dos y tres, presenta la explicación de la propiedad y un ejemplo numérico donde se aplica la propiedad, respectivamente. El estudiante debe completar la tabla, aportando la información en aquellas partes de las columnas 2 y 3 donde solo se presentan datos en una de las dos columnas. La intención del ejercicio es evidenciar que el alumno puede deducir de la explicación de la propiedad un ejemplo aplicado o definir en qué consiste una propiedad a partir de un ejemplo numérico.

### Ver respuestas en el interactivo

#### Actividad 7. Expresión del área y el perímetro de polígonos por medio de expresiones algebraicas construidas con representaciones geométricas

(SK/4.4.,4.8.,4.9)

Se presenta la imagen de una piscina rectangular la cual tiene un marco alrededor. El docente da las medidas del ancho y largo de la piscina (dicha medida incluye el marco de la piscina), y las medidas que hay entre la piscina y el marco. Con dicha información se le solicita a los estudiantes calcular el perímetro del marco, el perímetro de la piscina, el área cubierta entre la piscina, y el marco; la expresión algebraica que respresenta el área de la piscina, y la expresión algebraica que respresenta el área del marco.

### Respuesta

a) Perímetro del marco

$$R/ 2(4X+3y)+2(6X+2y)= 8x+6y+12x+4y = 20x+10y$$

### Recurso 9

#### Recurso interactivo

Sobre el caculo del área y el perímetro de figuras geométricas, representadas por expresiones algebraicas

Material del estudiante

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

Desarrollo



El docente presenta el tema

b) Perímetro de la piscina  
R/  $2(2X+3y)+2(4X+2y)= 4x+6y+8x+4y = 12x+10y$

c) área cubierta entre la piscina y el marco  
R/  $(6X+2y)(4X+3y) = 24x^2+26xy+6y^2$

d) Expresión que representa el área de la piscina  
R/  $(2X+3y)(4X+2y) = 8x^2+16xy+6y^2$

e) Expresión que representa el área del marco  
R/  $24x^2+26xy+6y^2 - (8x^2+16xy+6y^2)$   
 $24x^2+26xy+6y^2 - 8x^2-16xy-6y^2$   
 $16x^2+10xy$

f) Si se amplía el ancho del jardín. La nueva área entre la piscina y jardín esta expresada por  $32x^2+36xy+9y^2$ .  
¿Cuál es el polinomio que representa el nuevo ancho?

R/  $32x^2+36xy+9y^2 \div 4X+3y = 8x+3y$

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad

Actividad 8. Identificación del área de polígonos a partir de la descomposición en otros menores (SK/4.1.,4.2.,4.3.,4.4.,4.5.,4.6)

En esta actividad el estudiante debe armar un polígono mayor (un rectángulo), a partir de otros de menor tamaño (rectángulos, triángulos y cuadrados). Para ello debe arrastrar cinco de los polígonos menores dados, hasta el polígono mayor, y ubicarlos de tal forma que queden ajustados y no sobren espacios en el polígono mayor. Al armar el polígono mayor no puede sobreponer un polígono menor sobre otro, pero pueden girarlos como lo necesiten.

Después de armar el polígono, el estudiante debe calcular el perímetro y el área de la figura construida, con las medidas dadas en las figuras.

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad.

**Respuesta**

Perímetro =  $20x + 6y$

Áreas del polígono construido:

Si el área de los 2 triángulos =  $(x+y)(x) = x^2+xy$

El área de uno de los rectángulos =  $(5x+y)(3x+y) = 15x^2+8xy+y^2$

Recurso 10  
Recurso interactivo

Sobre el cálculo del área de polígonos mayores a partir de polígonos menores

Material del estudiante

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<p><b>Desarrollo</b></p> 	<p>El docente presenta el tema</p>	<p>Y el área del otro rectángulo es = <math>(5x+y)(x) = 5x^2+xy</math>  Y el área de un último rectángulo es <math>(x+y) (3x+y) = 3x^2+4xy+y^2</math></p> <p>Entonces el área del rectángulo construido es <math>x^2+xy+15x^2+8xy+y^2+5x^2+xy+3x^2+4xy+y^2</math></p> <p><b><math>=24x^2+14xy+2y^2</math></b></p> <hr/> <p><b>Actividad 9</b> Identificación del perímetro de polígonos expresando cada uno de sus lados compuestos por otros de menor longitud (SK/4.5., 4.7., 4.8., 4.9., 4.10., 4.11).</p> <p>El docente presenta dos problemas para que los estudiantes resuelvan, así:</p> <p><b>Ejercicio 1</b></p> <p>El docente presenta un interactivo donde el estudiante debe calcular el área y el perímetro de dos polígonos., los cuales están subdivididos por cuadrados, cuya medida en cada lado es igual a <math>2x</math>. Ambos polígonos tienen 30 cuadrados.</p> <p>La intención de este ejercicio es que el estudiante se dé cuenta que dos figuras pueden tener igual área, pero diferente perímetro</p> <p>El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad.</p> <p><b>Respuesta</b></p> <p>Área terreno Mario <math>12x \cdot 10x = 120x^2</math>  Área terreno Jorge <math>20x \cdot 6x = 120x^2</math></p> <p>Perímetro terreno de Jorge: <math>44x</math>  Perímetro terreno de Mario: <math>52x</math></p> <p><b>Ejercicio 2</b></p> <p>El docente presenta un interactivo donde el estudiante debe calcular el área y el perímetro de dos polígonos, los cuales están subdivididos por cuadrados, cuya medida en cada lado es igual a <math>Y</math>. Uno de ellos tiene 36 cuadrados y el otro tiene 35 cuadrados.</p> <p>La intención de este ejercicio es que el estudiante se dé cuenta que dos figuras pueden tener diferente área, pero igual perímetro.</p>	<p><b>Recurso 11</b>  <b>Recurso interactivo</b>  Sobre el cálculo de perímetro de polígonos a partir de polígonos de menor longitud</p> <p>Material del estudiante</p>

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<p>Desarrollo</p> 	<p>El docente presenta el tema</p>	<p>El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad</p> <p>Respuesta</p> <p>Perímetro polígono <math>A = 24y</math></p> <p>Perímetro polígono <math>B = 24y</math></p> <p>Área polígono <math>A = 6y \cdot 6y = 36y^2</math>  Área polígono <math>B = 7y \cdot 5y = 35y^2</math></p> <p>El polígono A es el de mayor área.</p> <hr/> <p><b>Actividad 10</b> Composición y descomposición de poliedros a partir de otros de menor volumen (SK/5.1.,5.2.,5.3.,5.4.,5.5.,5.6)</p> <p>El docente solicita a los estudiantes resolver dos ejercicios donde se trabaja los poliedros, así:</p> <p><b>Ejercicio 1</b></p> <p>El docente presenta un interactivo donde se muestran una serie de poliedros de mayor volumen y otros poliedros de menor volumen. El estudiante debe determinar cuál poliedro de mayor volumen, de los presentados por el docente, se puede armar con los poliedros de menor volumen dados. En el poliedro seleccionado, deben ajustarse exactamente los poliedros menores. Después solicita que calculen cuáles son las medidas de las aristas del poliedro correcto y que indiquen cuál es el volumen que tiene dicho poliedro.</p> <p>El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad</p> <p>Respuesta  Se puede armar la figura A</p> <p>Luego de tu elección responde las siguientes preguntas.</p> <p>A) ¿Cuáles son las medidas de las aristas (lados) del poliedro correcto?  <math>2x, 8x, 2x</math></p> <p>B) ¿Qué volumen tiene el poliedro correcto?  El volumen de cada uno es <math>4x^2 \cdot x = 4x^3</math> y como son 8 bloques el volumen será <math>4x^3 \cdot 8 = 32x^3</math></p> <p><b>Ejercicio 2</b></p>	<p><b>Recurso 12</b>  <b>Recurso interactivo</b>  Sobre la construcción y la descomposición de poliedros a partir de otros de menor</p> <p>Material del estudiante</p>

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
-------	----------------------	--------------------------------------	-----------------------

**Desarrollo**



El docente presenta el tema

El docente presenta un interactivo, donde a partir de un poliedro, que se puede dividir en dos bloques, el estudiante calcule el volumen total del poliedro, según las medidas dadas por el docente. (El docente insinúa la división del poliedro a través de una línea punteada).

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad

Respuesta

$$2x \cdot x \cdot (4x+1) = 8x^3 + 2x^2$$

$$(3x+1)(4x+1)(x) = 12x^3 + 7x^2 + x$$

Volumen total es igual a la suma de =  $8x^3 + 2x^2 + 12x^3 + 7x^2 + x = 20x^3 + 9x^2 + x$

**Actividad 11. Construcción** de poliedros a partir de la medida de su volumen (.SK/5.7.,5.8.,5.9)

El docente solicita a los estudiantes armar un poliedro a partir de su volumen. Para ello presenta una serie de poliedros de menor volumen, para los cuales, inicialmente, el estudiante deberá asignar cada una de sus medidas a partir de otras que el docente da.

Una vez asignadas las medidas, el estudiante debe armar el poliedro de mayor volumen, arrastrando los poliedros de menor volumen hasta el poliedro mayor, previendo que los poliedros de menor volumen queden lo mejor ajustado posible dentro del poliedro mayor. En la construcción no debes sobreponer un bloque sobre otro, pero puedes girarlos como lo necesites. Para finalizar, deben colocar las medidas que le faltan al poliedro que armen.

El docente retroalimenta y socializa el desarrollo de la actividad.

La respuesta se presenta en el interactivo y es socializada y retroalimentada por el docente

**Recurso 13**  
**Recurso interactivo**

Sobre la construcción de poliedros a partir de la medida de su volumen

**Resumen**



Resumen

El docente presenta un resumen por medio de un interactivo donde se retoman los temas principales del L0, los cuales el estudiante puede abordar a través de la navegación del SB.

**Recurso 14**  
**Recurso interactivo**

Aparece tres botones que permiten recorrer los principales temas del L0

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<p>Tarea</p> 	<p>Tarea</p>	<p>Q1. Se presenta un terreno parcelado en tres lotes para sembrar tres tipos de productos. El terreno está compuesta por dos triángulos y un rectángulo (cada figura representa un lote). El docente da las medidas necesarias para que los estudiantes calculen el área de cada lote o figura, y para que calculen el área total del terreno.</p> <p><b>Respuesta</b></p> <p>Área del lote A:  <math>(m^2-4m+1)(m+2)=(m^3-2m^2-7m+2)/2</math>  <math>= m^3/2 - m^2 - 3,5m + 1</math></p> <p>Área del lote B <math>(m^2-3)(m^2+m-2)= m^4+m^3-5m^2-3m+6</math></p> <p>Área del lote C: <math>(2m+10)(m+5)= m^2+10m+25</math></p> <p>Área total del terreno:</p> $\begin{array}{r} m^3/2 - m^2 - 3,5m + 1 \\ m^4 + m^3 - 5m^2 - 3m + 6 \\ \hline m^2 + 10m + 25 \\ \hline m^4 + 1,5m^3 - 5m^2 + 3,5m + 32 \end{array}$ <p>Q2) Se presenta una figura que está compuesta por un cuadrado y un triángulo, con las respectivas medidas, las cuales están representadas por expresiones algebraicas. El estudiante debe presentar la expresión algebraica final que representa el área total de la figura.</p> <p><b>Respuesta</b></p> $3u^2 - 3a^2$ <p>Q3) Se presenta una tabla con cuatro columnas. En la primera columna aparecen dos figuras con sus respectivas medidas:  Una es un triángulo, y la otra es un rectángulo unido a un triángulo. En la segunda columna se les pide a los estudiantes calcular el área del triángulo de la segunda figura y el área total de la segunda figura. En la tercera y cuarta columna, se solicita a los estudiantes calcular el perímetro y la altura de las dos figuras</p> <p><b>Respuestas:</b></p> <p>Si el área del rectángulo de la segunda figura es: <math>2z^2+24z+40</math> y las medidas del triángulo son: hipotenusa <math>2z+6</math> y cateto <math>z-2</math>, el área del triángulo es: <math>2z^2-8</math>.</p> <p>El área total de la segunda figura es <math>4z^2+24z+32</math>.</p> <p>Perímetro de la primera figura: si la base del triángulo es <math>3x+5</math>, y el área del mismo es <math>=3x^2+17x+20</math>, el perímetro es <math>= 9x+15</math>.</p>	<p>Material del estudiante</p> <p>Diferentes medios de referencia</p> <p>Ejercicios para resolver</p>

Etapa	Flujo de aprendizaje	Enseñanza/Actividades de aprendizaje	Recursos recomendados
<b>Tarea</b> 	Tarea	Perímetro de la segunda figura es = $6z+18$ La altura de la primera figura es = $X+4$ La altura de la segunda figura es= $2z+4$	